

D : φυσικό μέγεθος

$$D = F(A, B, C)$$

Θεμελιώδες θεώρημα της διαστατικής ανάλυσης:

$$F(A, B, C) = \lambda A^{\alpha} B^{\beta} C^{\gamma} \quad (1)$$

όπου λ αδιάστατη αριθμητική σταθερά και α, β, γ κατάλληλοι εκθέτες που προσδιορίζονται μονοσήμαντα από το σύστημα των 3 εξισώσεων που εκφράζουν τη διαστατική ομογένεια των μελών της εξίσωσης (1) ως προς μήκος (L), μάζα (m) και χρόνο (t)

**Οπότε: Φυσικό μέγεθος που εξαρτάται μόνο από τρία
άλλα, η εξάρτηση προσδιορίζεται μονοσήμαντα από
καθαρά διαστατικές απαιτήσεις (με απροσδιοριστία μίας
αριθμητικής σταθεράς)**

$$J = F(f, T, c, k)$$

$$\text{αλλά } P \sim e^{-E/kT}$$

και σύμφωνα με το θεώρημα:

$$J = f^\alpha (kT)^\beta c^\gamma$$

$$J = \frac{\Delta E}{\Delta t \Delta S \Delta f} \Rightarrow |J| = \frac{|\Delta E|}{|\Delta t| |\Delta S| |\Delta f|} = \frac{M (L/T)^2}{TL^2 T^{-1}} = MT^{-2}$$

$$\text{όπου } |f| = T^{-1}, |kT| = |E| = ML^2 T^{-2}, |c| = LT^{-1}$$

$$MT^{-2} = L^0 MT^{-2} = (T^{-1})^\alpha (ML^2 T^{-2})^\beta (LT^{-1})^\gamma \Rightarrow$$

$$L^0 MT^{-2} = L^{2\beta+\gamma} M^\beta T^{-\alpha-2\beta-\gamma}$$

$$0 = 2\beta + \gamma, \quad 1 = \beta, \quad -2 = -\alpha - 2\beta - \gamma$$

$$\alpha = 2, \quad \beta = 1, \quad \gamma = -2$$

$$J \sim \frac{f^2(kT)}{c^2}$$